

Tabla 1

Distribución de calificaciones de una asignatura de la UNED en febrero de 2004.

		Calificación	
		No Apto	Apto
Semana	Primera	384	363
	Segunda	948	349

Tabla 2

Puntuación de 5 sujetos en dos variables, X e Y

X	Y
4	6
6	5
9	10
12	12
14	8

- Para los datos de la Tabla 2, ¿cuál es el valor de la proporción de varianza de Y no explicada por X: A) 0,569; B) 0,431; C) 0,656.
- Para los datos de la Tabla 2, ¿cuál es el valor de la Suma de Cuadrados de Y?: A) 40,3; B) 43,1; C) 32,8.
- Para los datos de la Tabla 2, para la puntuación 12 en X, ¿cuál sería, aproximadamente, el error de pronóstico?: A) 2,43; B) 9,57; C) 1,37.
- La recta de regresión para pronosticar Y a partir de X es: $Y' = 1'5 + 0'9 X$. En consecuencia, el coeficiente de correlación de Pearson entre X e Y: A) está comprendido entre -1 y 0 ; B) está comprendido entre 0 y $+1$; C) es imposible determinar el rango de valores del coeficiente.
- El coeficiente de correlación entre dos variables, X e Y, vale $0'8$, y la ecuación de regresión para pronosticar Y a partir de X es, $Y' = 1'5 + 1'5 X$. ¿Cuál será la pendiente de la recta de regresión para pronosticar X a partir de Y?: A) 0,363; B) 0,264; C) 0,427.
- Se ajusta un modelo de regresión y se observa que la varianza de los pronósticos es exactamente la mitad de la varianza de la variable dependiente, Y. ¿Cuál será el valor del coeficiente de determinación?: A) $0'70$; B) $0'60$; C) $0'50$.
- El error típico de estimación, cuando se ajusta una recta de regresión, es: A) la varianza de las puntuaciones pronosticadas; B) la raíz cuadrada de la varianza de los errores; C) la desviación típica de la variable Y.
- Con los datos de la Tabla 1, tomando un alumno al azar, ¿cuál es la probabilidad de que se haya presentado en la 2ª semana y haya suspendido?: A) $0'4638$; B) $0'4672$; C) $0'5140$.
- Considerando los datos de la Tabla 1, si tomamos un alumno al azar y queremos calcular la probabilidad de que haya superado el examen, ¿qué tendríamos que aplicar?: A) el Teorema de Bayes; B) el Teorema del Producto; C) el Teorema de la Probabilidad Total.
- A la "ecuación o regla que asigna probabilidades a cada uno de los valores numéricos que toma una variable aleatoria", se le denomina: A) Función de distribución; B) Función de probabilidad; C) Momento respecto del origen.
- La frase " En una serie larga de tiradas (o realizaciones de un experimento), la frecuencia relativa observada de un suceso se aproxima a su probabilidad", se corresponde con: A) la definición clásica de la probabilidad; B) la definición estadística de la probabilidad; C) la definición axiomática de la probabilidad.
- Con los datos de la Tabla 1, tomado un alumno al azar, ¿cuál es la probabilidad de que, habiendo suspendido, se haya presentado en la 2ª semana?: A) $0'5098$; B) $0'2882$; C) $0'7117$.
- Si quisiéramos determinar, el número de casos favorables que hay de que salgan tres caras en el lanzamiento de una moneda cinco veces, ¿qué tendríamos que calcular?: A) Las combinaciones de 5 elementos tomados de 3 en 3 con repetición; B) Las combinaciones de 2 elementos que se repiten 5 veces; C) Las permutaciones con repetición de 5 elementos de los cuales 3 son cara y 2 son cruz.
- En una función de probabilidad conjunta de dos variables, X e Y, la varianza de X vale 4 y la de Y vale 9. Se genera una nueva variable aleatoria $V=X+Y$, cuya varianza resulta ser igual a 23. ¿Cuál es el valor de la covarianza entre X e Y?: A) 10; B) 0; C) 5.
- La asignatura de análisis de datos consta de 20 temas, de los cuales 7 están dedicados al análisis descriptivo univariado, 4 al análisis bivariado, y 9 a la probabilidad y cuestiones relacionadas. Suponiendo que en el examen se tuviera que contestar a 2 de los temas, elegidos éstos al azar, y

definida la variable aleatoria X: “Número de temas de análisis descriptivo univariado”, ¿cuál de las alternativas sería la correcta?:

A)

X	0	1	2
f(X)	78/190	91/190	21/190

B)

X	0	1	2
f(X)	21/190	91/190	78/190

C)

X	1	2
f(X)	91/190	99/190

16. ¿Cuántos números de tres cifras diferentes se pueden formar con los 10 primeros números naturales (de 0 a 9), teniendo en cuenta que 0 no puede aparecer en primer lugar?: A) 720; B) 648; C) 1000.
17. Se dispone de una muestra de 60 personas que en una determinada variable se distribuyen según la t de Student. ¿Cuántos sujetos estarán comprendidos entre el percentil 20 y el percentil 60?: A) 40; B) 24; C) 30.
18. Una máquina está compuesta por 15 piezas. La probabilidad de que falle alguna pieza es igual para todas, y su valor es $p=0,30$. La máquina no funciona siempre que fallen más de 10 piezas. ¿Cuál será, pues, la probabilidad de que la máquina funcione?: A) 0'9500; B) 0'9993; C) 0'9999.
19. La calificación de la población de estudiantes de Análisis de Datos I se distribuye normalmente con $\sigma=2'4$. Se toma una muestra de 16 personas y su media resulta ser 4'00. A un nivel de confianza del 95%, el intervalo de confianza de la media poblacional será, aproximadamente, igual a: A) (1'98, 9'76); B) (2'82, 5'18); C) (3'54, 8'98)
20. Una variable X se distribuye según Ji-cuadrado con $n=15$ grados de libertad, y la variable Y se

distribuye según Ji-cuadrado con $m=12$ grados de libertad. Se genera una nueva variable, $V = \frac{X/n}{Y/m}$

¿Cuál será el percentil 10 de la distribución de esa nueva variable?: A) 2'02; B) 0'404; C) 0'495.

21. En una prueba diagnóstica se comete un error por cada 1000 diagnósticos. Al año 4000 personas se someten a dicha prueba. Si queremos determinar la probabilidad de que haya más de 6 personas con un fallo en su diagnóstico, ¿a cuál de las siguientes tablas deberíamos acudir?: A) Función de distribución binomial; B) Función de Distribución de Poisson; C) Función de densidad de la t de Student.
22. Cuando una variable se distribuye normalmente, pero se desconoce la varianza de la población, la desviación típica de la distribución muestral de medias es: A) $\sigma_{\bar{x}} = \frac{S_x}{\sqrt{n-1}}$; B) $\sigma_{\bar{x}} = \frac{S_x}{\sqrt{n}}$;
C) $\sigma_{\bar{x}} = \frac{\sqrt{S_x^2}}{n-1}$.
23. La probabilidad de tener un accidente de tráfico cada vez que se viaja es del 2 por ciento. Si se realiza un total de 200 viajes, ¿cuál es la probabilidad de no sufrir accidentes?: A) 0'0183; B) 0'1083; C) 0'1308.
24. Un naturalista, apostado en el observatorio de un parque natural, sabe que la probabilidad de avistar una sola vez una especie rara de pájaro en un día cualquiera está en torno a 0'15. Si quiere determinar la probabilidad de que acudiendo 20 días, aviste en total 8 días ese pájaro, ¿cuál será la distribución que deberá emplear para calcularla?: A) Binomial; B) Poisson; C) Binomial negativa.
25. Para que una distribución normal esté perfectamente determinada se necesita conocer: A) el tamaño de la muestra; B) la media y la varianza; C) los grados de libertad.